

# 暑修微積分

小考 4 (7-21-2009)

- 請列出計算過程，僅有答案，不予計分。
- 作弊以零分計，並按校規處理。

姓名 \_\_\_\_\_  
學號 \_\_\_\_\_

1. 設某銀行的客戶存款金額是與銀行提供的存款利率的平方成正比。又此銀行將客戶存款轉投資的獲利率為 3%。試問銀行提供給客戶的存款利率為何時，銀行可獲得最大利潤？(9分)

2. 試求  $f(x) = \frac{x^2 + 5x - 14}{x^2 - x - 2}$  的垂直漸近線。(8分)

3. 試求  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x^3 - x + 5}{2x^2 - 1}$ 。(6分)

4. 試繪  $f(x) = \frac{x^3}{x^3 - 1}$  的圖形。(15分)

5. 試求  $f(x) = \frac{3}{(e^x + e^{-x})^{50}}$  的導函數。(6分)

6. 試求  $g(x) = x^2 e^{-\sqrt{x}}$  的導函數。(6分)