

單元 6: 估計簡介

(課本 §8.1)

母體 (population) 的特徵可由一些數值度量 (numerical measures), 稱作參數 (parameters), 所描述, 故統計的目標 (的) 乃是, 根據樣本 (sample) 中所含的訊息 (information) 對母體中的一個或多個參數作推論 (making inference), 如圖示.



舉例，各種參數可為

(i) 對某一特定候選人的支持率 p

(ii) 收銀台的平均服務時間 μ

(iii) 電子儀器度量誤差的標準差 σ

基本上, 有二種統計推論的程序 (procedures, 方法), 分別為

(i) 估計 (estimation)**(ii) 假設檢定 (hypothesis testing)**

例如，平均服務時間 μ 的估計又有兩種型態，分別為

第一類：給一單一值作為母體平均值 μ 的估計，稱作點估計 (point estimate)，如，1.3 分。

第二類：給出二值形成一個母體平均值 μ 會落入其中的區間，稱作區間估計 (interval estimate)，如， $(0.9, 1.4)$

無論是哪類估計，估計程序均是根據一些如何運用樣本訊息的方法來達成。

定義。一個估計量 (estimator) 乃是一個方法 (rule, 法則，通常是主觀的)，呈現出如何根據樣本中的度量 (訊息) 來計算出估計值 (estimate)，如，大小為 n 的樣本

$$Y_1, \dots, Y_n$$

一些點估計量爲

$$(1) \text{ 樣本期望值 } \bar{Y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n Y_i$$

$$(2) \text{ 最小有序統計量 } Y_{(1)} = \min(Y_1, \dots, Y_n)$$

$$(3) \text{ 最大有序統計量 } Y_{(n)} = \max(Y_1, \dots, Y_n)$$

$$(4) \frac{1}{2}(Y_{(1)} + Y_{(n)})$$

$$(5) \text{ 出現最多次數的 } Y_i$$

問. 如何判斷一個 “好的” (優良, 優秀的) 估計量?

答. 設定一些評定準則 (criteria), 如本章其餘各節所述.